

\bar{p} да се чете отрицанието на p , а $\bar{\bar{p}}$ е отрицание на отрицанието или двойно отрицание

Съждение

p
0
1

Конюнкция

p	q	$p \cdot q$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Дизюнкция

p	q	$p \vee q$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Свойства:

1 Разместително свойство (комутативни)

1 $p \cdot q = q \cdot p$

p	q	$p \cdot q$	$q \cdot p$
0	0	0	0
0	1	0	0
1	0	0	0
1	1	1	1

2 $p \vee q = q \vee p$

p	q	$p \vee q$	$q \vee p$
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	1
1	1	1	1

2 $(p \cdot q) \vee r = (p \vee r) \cdot (q \vee r)$

p	q	r	p.q	$(p \cdot q) \vee r$	$p \vee r$	$q \vee r$	$(p \vee r) \cdot (q \vee r)$
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	1	1	1
0	1	0	0	0	0	1	0
0	1	1	0	1	1	1	1
1	0	0	0	0	1	0	0
1	0	1	0	1	1	1	1
1	1	0	1	1	1	1	1
1	1	1	1	1	1	1	1

4 Законы за повторение

1 $p \cdot p = p$

p	$p \cdot p$
0	0
1	1

2 $p \vee p = p$

p	$p \vee p$
0	0
1	1

5 Свойства с 1 и 0

1 $p \cdot 1 = p$

p	1	$p \cdot 1$
0	1	0
1	1	1

2 $p \vee 0 = p$

p	0	$p \vee 0$
0	0	0
1	0	1

3 $p \cdot 0 = 0$

p	0	$p \cdot 0$
0	0	0
1	0	0

4 $p \vee 1 = 1$

p	1	$p \vee 1$
0	1	0
1	1	1

6 Закон за противоречието

1 $p \cdot \bar{p} = 0$

p	\bar{p}	$p \cdot \bar{p}$	0
0	1	0	0
1	0	0	0

7 Закон за изключеното трето

1 $p \vee \bar{p} = 1$

p	\bar{p}	$p \vee \bar{p}$	1
0	1	1	1
1	0	1	1

8 Закон за двойното отрицани

1 $\bar{\bar{p}} = p$

p	\bar{p}	$\bar{\bar{p}}$
0	1	0
1	0	1

9 Закони на де Морган

1 $\overline{p \cdot q} = \bar{p} \vee \bar{q}$

p	q	$p \cdot q$	$\overline{p \cdot q}$	\bar{p}	\bar{q}	$\bar{p} \vee \bar{q}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	0	1	1	0	1
1	0	0	1	0	1	1
1	1	1	0	0	0	0

2 $\overline{p \vee q} = \bar{p} \cdot \bar{q}$

p	q	$p \vee q$	$\overline{p \vee q}$	\bar{p}	\bar{q}	$\bar{p} \cdot \bar{q}$
0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0	0
1	0	1	0	0	1	0
1	1	1	0	0	0	0

10 Закон за контрапозицията

1 $p \rightarrow q = \bar{q} \rightarrow \bar{p}$

p	q	$p \rightarrow q$	\bar{q}	\bar{p}	$\bar{q} \rightarrow \bar{p}$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	1
1	0	0	1	0	0
1	1	1	0	0	1

11 Други закони на импликацията

1 $p \rightarrow q = p \vee \bar{q}$

p	q	$p \rightarrow q$	\bar{p}	$p \vee \bar{q}$
0	0	1	1	1
0	1	1	1	1
1	0	0	0	0
1	1	1	0	1

2 $(p \rightarrow q) \cdot (q \rightarrow p) = p \leftrightarrow q$

p	q	$p \rightarrow q$	$q \rightarrow p$	$(p \rightarrow q) \cdot (q \rightarrow p)$	$p \leftrightarrow q$
0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	0
1	1	1	1	1	1

$p \leftrightarrow q$ еквиваленция и означава истина само ако p и q са едновременно верни или неверни

Примери за решаване таблично и чрез съжителните формули

1 Закон за сцепване
 $a \cdot b \vee a \cdot \bar{b} = a$

a	b	a · b	\bar{b}	a · \bar{b}	$a \cdot b \vee a \cdot \bar{b}$
0	0	0	1	0	0
0	1	0	0	0	0
1	0	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

$$(a \vee b) \cdot (a \vee \underline{b}) = a$$

a	b	$a \vee b$	\underline{b}	$a \vee \underline{b}$	$(a \vee b) \cdot (a \vee \underline{b})$
0	0	0	1	1	0
0	1	0	0	0	0
1	0	1	1	1	1
1	1	1	0	1	1

- 2 Закон за поглъщане
 $a \vee a \cdot b = a$

a	b	$a \cdot b$	$a \vee a \cdot b$
0	0	0	0
0	1	0	0
1	0	0	1
1	1	1	1

$$a \cdot (a \vee b) = a$$

a	b	$a \vee b$	$a \cdot (a \vee b)$
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	1
1	1	1	1

- 3 Закон за съкращаване
 $a \vee \underline{a} \cdot b = a \vee b$

a	b	\underline{a}	$\underline{a} \cdot b$	$a \vee \underline{a} \cdot b$	$a \vee b$
0	0	1	0	0	0
0	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1
1	1	0	0	1	1

$$a \cdot (\underline{a} \vee b) = a \cdot b$$

a	b	\underline{a}	$\underline{a} \vee b$	$a \cdot (\underline{a} \vee b)$	$a \cdot b$
0	0	1	1	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	1	0	1	1	1